

UNIVERSITE MOHAMMED V

Faculté des Sciences

Département d'Informatique

SMI - Algo.II, 2014-2015

Série 4

EX.1

Prouver les triplets suivants :

$\{\text{vrai}\}$ si $a < 0$ alors $b := -a$ sinon $b := a$ fsi $\{b = \text{abs}(a)\}$

$\{x \geq 0\}$ si $x \geq 0$ alors $y := 8$ sinon $y := 9$ fsi $\{y = 8\}$

$\{x = x_0\}$ si $\text{pair}(x)$ alors $x := x + 2$ sinon $x := x + 1$ fsi $\{x > x_0 \wedge \text{pair}(x)\}$

EX.2

Prouver les algorithmes suivants :

1) Données n, m : entiers ($m \geq 0$)

Résultat r : entier ;

début

$a := n$; $b := m$;

$r := 0$; $i := 0$;

tantque $i \neq b$ faire

$i := i + 1$;

$r := r + a$;

ftantque

fin

2) Données n, m : entiers ($n > 0, m \geq 0$)

Résultats a, b : entiers ;

début

$a := 0$; $b := m$;

tantque $b \geq n$ faire

$b := b - n$;

$a := a + 1$;

ftantque

fin

3) Donné n : entier ($n > 0$)

Résultat s : entier ;

Début

$a := 0$; $t := -1$; $s := 1$;

tantque $a < n$ faire

$a := a + 1$;

$t := t + 2$;

$s := s + t + 2$;

ftantque

fin

4) Ecrire un algorithme itératif pour le calcul du pgcd de deux entiers et prouver sa correction (partielle).